

$$\left[ I_c := \frac{0.3^4}{12}, I_v := \frac{0.25^4}{12}, E := 19 \cdot 10^6, x1 :=, y1 :=, y2 := \right]$$

Ecuaciones de la estática para encontrar las reacciones

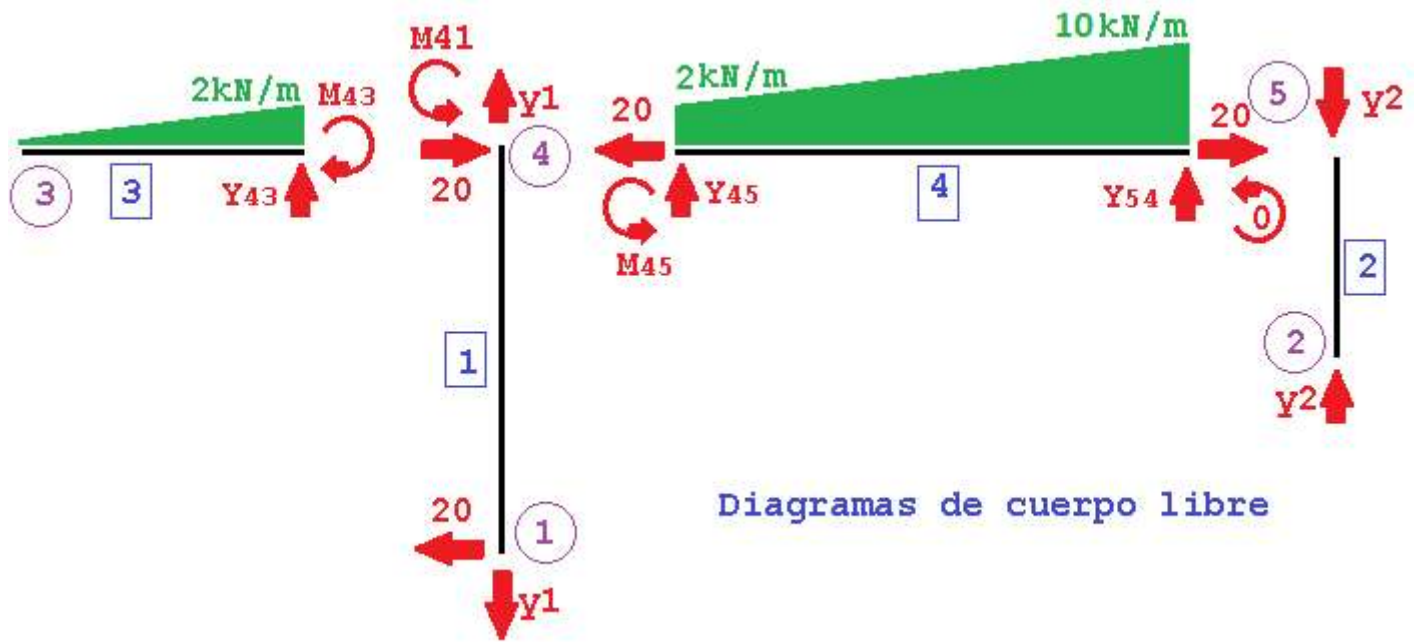
$$x1 = -20$$

$$y1 + y2 = \frac{10 \cdot 5}{2}$$

$$y2 \cdot 4 - 20 \cdot 5 - \frac{10 \cdot 5}{2} \cdot \left( \frac{2}{3} \cdot 5 - 1 \right) = 0$$

$$\left[ x1 := -20, y1 := -\frac{175}{12}, y2 := \frac{475}{12} \right]$$

$$[x1 := -20, y1 := -14.58333333, y2 := 39.58333333]$$



Elemento 3

$$\left[ y_{43} := \frac{2 \cdot 1}{2}, M_{43} := \frac{2 \cdot 1}{2} \cdot \frac{1}{3} \right]$$

$$\left[ y_{43} := 1, M_{43} := \frac{1}{3} \right]$$

Elemento 1

$$M_{41} := 20 \cdot 5$$

$$M_{41} := 100$$

Nudo 4

$$-M_{43} + M_{41} + M_{45} = 0$$

$$\frac{1}{3} + 100 + M_{45} = 0$$

$$M_{45} = -\frac{299}{3}$$

$$M_{45} = -99.66666666$$

Elemento 4

$$y_{45} + y_{54} = \frac{2 + 10}{2} \cdot 4$$

$$y_{45} + y_{54} = 24$$

$$y_{54} \cdot 4 + M_{45} - \frac{(10 - 2) \cdot 4}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot 4 - 2 \cdot 4 \cdot 2 = 0$$

$$y_{54} \cdot 4 + -\frac{299}{3} - \frac{(10 - 2) \cdot 4}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot 4 - 2 \cdot 4 \cdot 2 = 0$$

$$y_{54} = \frac{475}{12}$$

$$y_{54} = 39.58333333$$

Lo anterior chequea para sumatoria de fuerzas en nudo 5

$$y_{45} + \frac{475}{12} = \frac{2 + 10}{2} \cdot 4$$

$$y_{45} = -\frac{187}{12}$$

$$y_{45} = -15.58333333$$

Chequeo de sumatoria de fuerzas en nudo 4:

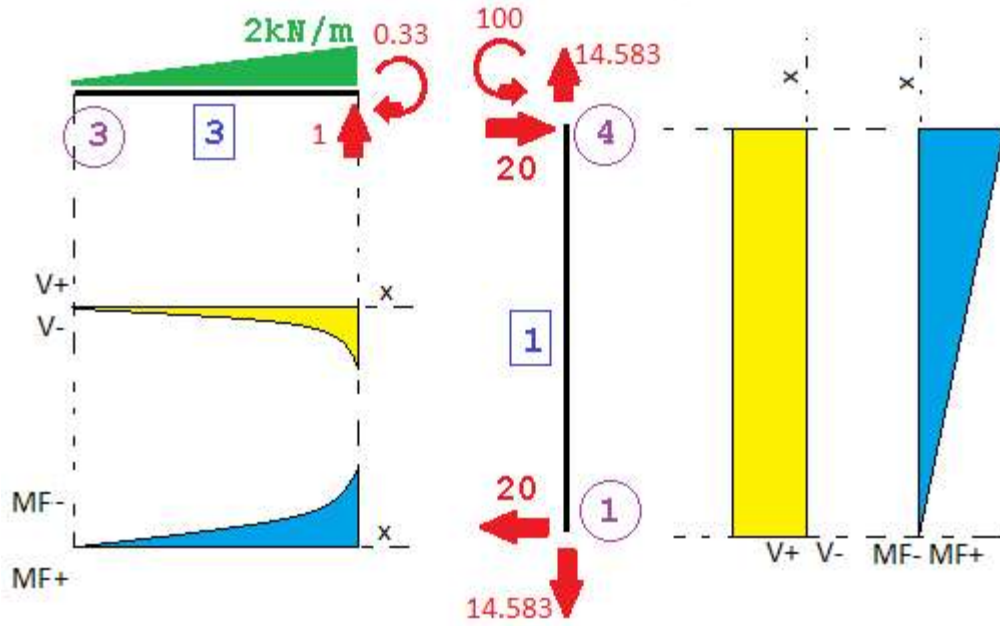
$$-y_1 + y_{43} + y_{45}$$

$$\frac{175}{12} + 1 + -\frac{187}{12}$$

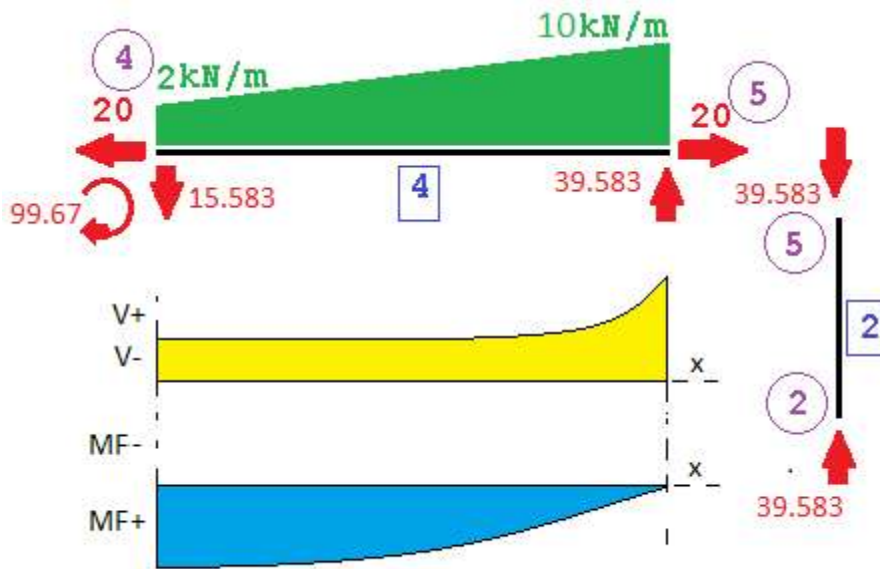
$$0$$

Tambien chequea la sumatoria de fuerzas en el nudo 4

Los diagramas serán los siguientes:



Diagramas de Fuerza Cortante y Momento Flector



Diagramas de Fuerza Cortante y Momento Flector

$$\left[ V_1(x) := 20, V_2(x) := 0, V_3(x) := -\frac{2}{x}, V_4(x) := -\frac{187}{12} - \frac{2 + (2 + 2 \cdot x)}{2} \cdot x \right]$$

$$\left[ V_1(x) := 20, V_2(x) := 0, V_3(x) := -\frac{2}{x}, V_4(x) := -\frac{12 \cdot x^2 + 24 \cdot x + 187}{12} \right]$$

$$\left[ M_1(x) := 20 \cdot x, M_2(x) := 0, M_3(x) := -\frac{x^3}{3}, M_4(x) := +\frac{299}{3} - \frac{187}{12} \cdot x - \right]$$

$$\left( \begin{array}{c} 2 \\ 3 \end{array} \right) \left( \begin{array}{c} 2 + 2 \cdot x + 2 \\ 3 \end{array} \right) \left[ \begin{array}{l} M1(x) := 20 \cdot x, M2(x) := 0, M3(x) := -\frac{x^3}{3}, M4(x) := -\frac{4 \cdot x^3 + 12 \cdot x^2 + 187 \cdot x - 1196}{12} \end{array} \right]$$

Encontrar el desplazamiento del nudo 2, que inicialmente se supone a la derecha:



$$xu1 = 1$$

$$-yu1 + yu2 = 0$$

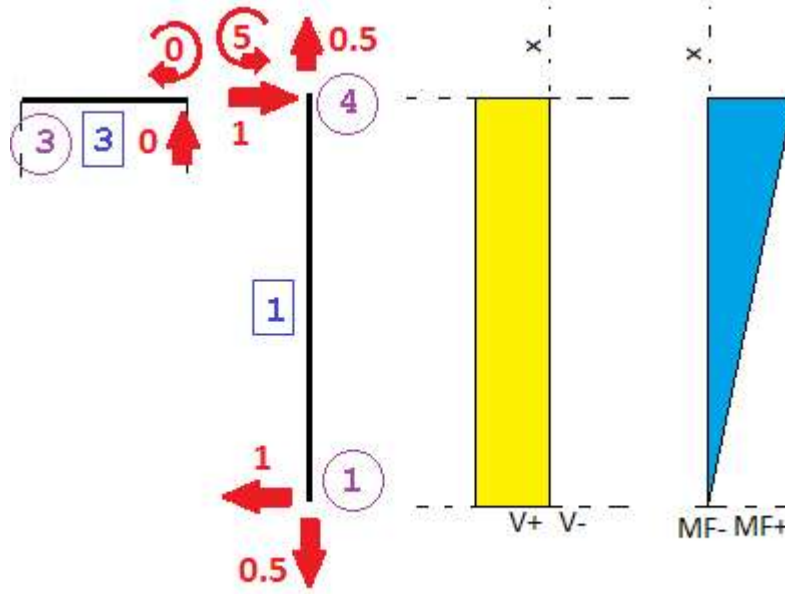
$$yu2 \cdot 4 - 1 \cdot 2 = 0$$

$$yu2 = \frac{1}{2}$$

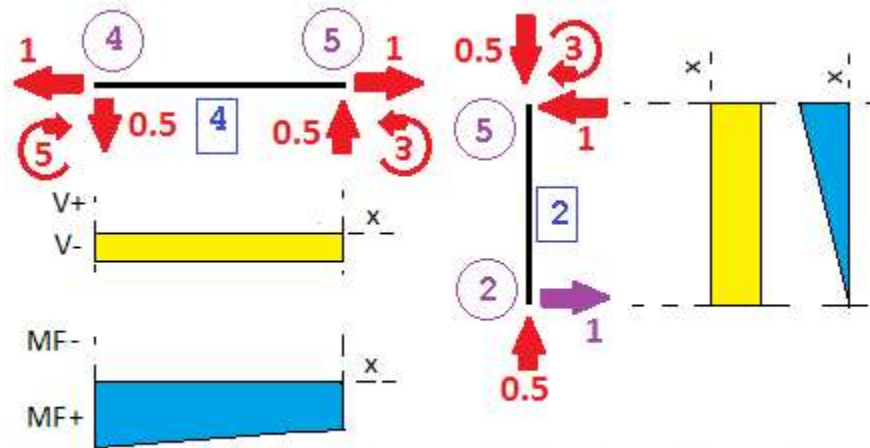
$$-yu1 + \frac{1}{2} = 0$$

$$yu1 = \frac{1}{2}$$

Encuentro los momentos flectores de la estructura cargada con la carga unitaria ficticia



Diagramas de Fuerza Cortante y Momento Flector



Diagramas de Fuerza Cortante y Momento Flector

$$[m_1(x) := x, m_2(x) := -x, m_3(x) := 0, m_4(x) := 5 - 0.5 \cdot x]$$

Aplico el teorema del método de la carga unitaria ficticia

$$\frac{1}{E \cdot I_c} \cdot \left( \int_0^5 M_1(x) \cdot m_1(x) \, dx + \int_0^3 M_2(x) \cdot m_2(x) \, dx \right) + \frac{1}{E \cdot I_v} \cdot \left( \int_0^1 M_3(x) \cdot m_3(x) \, dx + \int_0^4 M_4(x) \cdot m_4(x) \, dx \right)$$

$$\frac{1}{E \cdot I_c} \cdot \left( \int_0^5 (20 \cdot x) \cdot x \, dx + \int_0^3 0 \cdot (-x) \, dx \right) + \frac{1}{E \cdot I_v} \cdot \left( \int_0^1 \left( -\frac{x}{3} \right) \cdot 0 \, dx + \int_0^4 \left( -\frac{4 \cdot x^3 + 12 \cdot x^2 + 187 \cdot x - 1196}{12} \right) \cdot \left( 5 - \frac{x}{2} \right) \, dx \right)$$

$$\frac{1}{E \cdot I_c} \cdot \left( \frac{2500}{3} + 0 \right) + \frac{1}{E \cdot I_v} \cdot \left( 0 + \frac{44566}{45} \right)$$

$$\frac{1}{E \cdot I_c} \cdot \frac{2500}{3} + \frac{1}{E \cdot I_v} \cdot \frac{44566}{45}$$

$$\frac{1}{12825} \cdot \frac{2500}{3} + \frac{48}{296875} \cdot \frac{44566}{45}$$

$$\frac{100}{1539} + \frac{713056}{4453125}$$

$$0.2251021141$$

Desplazamiento del nudo 2 hacia la derecha = 22.5 cm